

ان الارقام الي بالمجموعة الجبيرة تتوزع الي مجموعتين اصغر بحيث تكون كل مجموعة قممها مشتركة بنفس الحواف طبعا اقصد بالقمم الرؤوس المشتركة بين الارقام والحواف الخط الي يربط بين اي رقمين طبعا هذا كلة نكدر نلاحظه من خلال الرسم

أن مفهوم نظرية Ramsey هو انه يوجد اي رسم بياني H يوجد رقم طبيعي N بحيث يحتوي اي لون ثنائي الحواف KN على أحادي اللون نسخة من H ويعرف أصغر مثل N بأسم عدد Ramsey H ويشار إليه (H)R .

وهذا المفهوم أقرب ما يكون لمفهوم الداينمك الذي تم شرحه من قبل دكتورة عدوية بمادة السكجول حيث هناك شكل graph له رؤس (تمثل عدد الاحتمالات) وبالنهاية يتم اختيار أقصر طريق للوصول لأقل حل مثالي

Ramsey theory. whenever the natural numbers are partitioned into finitely many subsets, there exist arbitrarily large sets of numbers all of whose sums belong to the same subset of the .partition

تتلخص هذه النظرية بالآتي :

Any structure will necessarily contain an orderly substructure

مثلا لأي عددين في مجموعة الأعداد الطبيعية وليكن r و s يوجد عدد وليكن N بحيث يمكن تقسيم المجموعة

(N.....،١،٢ )

إلى s من المجموعات بحيث تحتوي بحيث يوجد متتابعة لها r من العناصر

مثلا ليكن

$$s = 2 \text{ وليكن}$$

$$r = 2$$

عندها يوجد  $N=9$

بحيث

$$(1, 2, \dots, 9)$$

يمكن تقسيمها إلى مجموعتين

$$\text{لأن } s=2$$

$$(1, 3, 4, 6, 9)$$

$$(2, 5, 7, 8)$$

نلاحظ أن المجموعة الأولى تحوي متتابعة حسابية وهي

$$3, 6, 9$$

وبهذا نلاحظ أي هيكل عددي من الممكن إيجاد هيكل جزئي منه يكون مرتبا وفق نظام معين

$$r = 4$$

ملاحظة يمكن تطبيق هذه النظرية على المجموعات أو على البيانات graphs

Ramey's Theorem:-the theorem states that for any given number of colours  $c$ , and any given integers  $n_1, \dots, n_c$ , there is a number,  $R(n_1, \dots, n_c)$ , such that if the edges of a complete graph

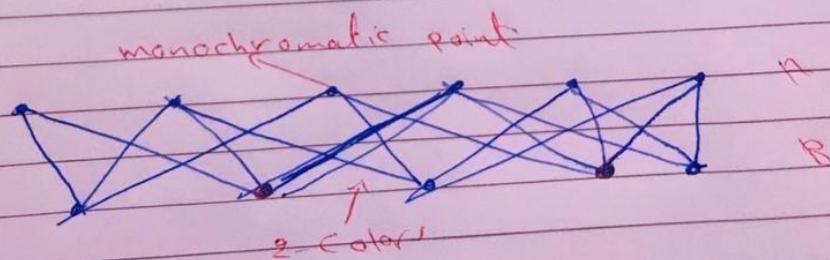
of order  $R(n_1, \dots, n_c)$  are coloured with  $c$  different colours, then for some  $i$  between 1 and  $c$ , it must contain a complete subgraph of order  $n_i$  whose edges are all color  $i$ . The special case above has  $c = 2$  (and  $n_1 = r$  and  $n_2 = s$ ).

A good summary of Ramsey's theorem. In the research, we found many different methods, such as drawing, and there is a definition or detailed explanation



## Ramsey Theory:

A bipartite graph  $G$  is a graph with its vertices divided into two classes  $A$  and  $B$ , such that each edge of  $G$  has one vertex in  $A$  and one vertex in  $B$ . If the vertices of  $A$  are partitioned into  $r$  classes (called colors) then a vertex  $b$  in  $B$  is called monochromatic if all vertices  $a$  in  $A$ , which are adjacent to  $b$  lie in single class (where possibly  $r$  is infinite).  $G$  is said to have the Ramsey property for  $r$  colors or to be  $r$ -Ramsey if for every partition of  $A$  into  $r$  or fewer parts (called  $r$ -coloring) there is a monochromatic vertex in  $B$ .



partition of  $M$  is a set of non-empty and non-crossed parts of  $M$  that covers completely.

\* let  $M$  be a non-empty set of natural numbers

$J$  the <sup>set</sup> of subsets of  $M$ ,  $J$  is called partition of  $M$  if:

\* every element in  $J$  is non-empty.

\* the union elements of  $J = M$ .

\* the element of  $J$  is disjoint.

EX: let  $M = \{1, 2, 3\}$

المجاميع التي تتبني تجزئة لـ  $M$  وتحقق الشروط!

\*  $\{\{1, 2, 3\}\}$

\*  $\{\{1, 2\}, \{3\}\}$

\*  $\{\{1, 3\}, \{2\}\}$

\*  $\{\{1\}, \{2, 3\}\}$

\*  $\{\{1\}, \{2\}, \{3\}\}$

أما المجموعات التي لا تختبر تجزئة لـ  $M$  هي:

\*  $\{\emptyset, \{2\}, \{1, 3\}\}$  لأنها تتوي على المجموعة، كالتالي

\*  $\{\{2, 3\}, \{1, 2\}\}$  لأن بينها تقاطع

\*  $\{\{1\}, \{2\}\}$  لأنها لا تغطي  $M$  بالكامل.

### Example for Rames

Ex Consider a complete graph of order  $n$ ; That is there are  $n$  vertices and each vertex is connected to every other vertex by an edge. A complete graph of order 3 is called a triangle. Now colour every edge red or blue. How large must  $n$  be in order to ensure that there is either a blue triangle or a red triangle?

The answer is 6

الشرح  
نأخذ رسم بياني كامل 4  
نعتبر ان هناك  $n$  من القمم بحيث يتم توصيل  
كل قمة بكل قمة اخرى بواسطة حافة  
نأخذ رسم بياني تكون  $n$  هي 3 وتكون يمكن  
ليعتبر بالمثلثات ~~كل~~ كل حافة بالزهر  
أو الأزرق.  
وان حجم  $n$  (عدها) من أجل ضمان وجود مثلث  
أزرق أو أحمر فتكون  $n$  تساوي 6

In every large enough system  
subsystems, it is study of unvoic  
in large structures. Type T  
appear that if done the sys

Large enough arbitrarily  
forever at least one subsystem  
it has a certain property, so  
disturbance is impossible.

Ramsey-Type Theorems have  
different branches of mathem  
Theory developed from them  
Such diverse areas as num  
Theory, geometry

Ramsey's theorem -  
 is a fix positive integers,  $m, n$ . Every complete graph  
 on sufficiently many vertices, with every edge colored  
 either blue or red, will contain a red clique of  $m$  vertices  
 or a blue clique of  $n$  vertices. (Here a "red clique"  
 means that every edge connecting two vertices in the  
 clique is red. the vertices are not colored, the  
 edges are.

Proof:- The goal is to show that  $R(m, n)$  exists. induct  
 on  $m+n$ . if  $m$  or  $n$  equals 1 we are done. For the  
 inductive hypothesis, we show that a complete graph  
 on  $R(m-1, n) + R(m, n-1)$  vertices satisfies the  
 condition of the problem.  
 To see this, take a vertex from the graph consider  
 the subset  $V_r$  and  $V_b$  of vertices connected to this  
 vertex by red and blue edges, respectively. then

$$|V_r| + |V_b| = R(m-1, n) + R(m, n-1) - 1$$

تم الاستلام في ٣ نيسان، ٢٠٢٠، ٧:٤٠ م



حفظ



partition of  $M$  is a set of non-empty and non-crossed parts of  $M$  that covers completely.

- \* let  $M$  be a non-empty set of natural numbers
- set  $J$  the  $\uparrow$  of subsets of  $M$ ,  $J$  is called partition of  $M$  if:
  - \* every element in  $J$  is non-empty.
  - \* the Union elements of  $J = M$ .
  - \* the element of  $J$  is disjoint.

EX: let  $M = \{1, 2, 3\}$

المجاميع التي تعتبر جزئية لـ  $M$  وتحقق الشروط هي:

- \*  $\{\{1, 2, 3\}\}$
- \*  $\{\{1, 2\}, \{3\}\}$
- \*  $\{\{1, 3\}, \{2\}\}$
- \*  $\{\{1\}, \{2, 3\}\}$
- \*  $\{\{1\}, \{2\}, \{3\}\}$

